

合同と証明(5)

【1】右の図で、点EがAC, BDの中点ならばAD//BCとなることを証明する。

次の□をうめて、証明を完成させなさい。

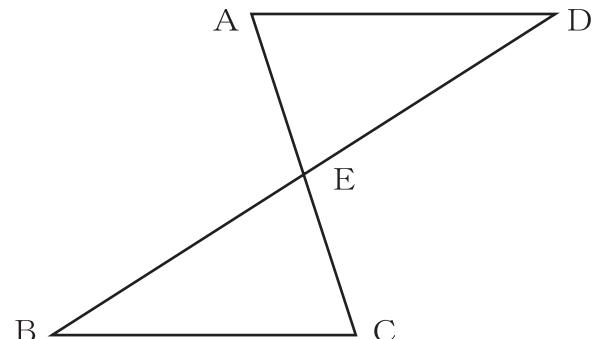
$\triangle ADE$ と \square で、

仮定より、 $AE = \square$ … ①

$DE = \square$ … ②

対頂角は等しいから、

\square … ③



①, ②, ③より、 \square がそれぞれ等しいので、

$\square \equiv \square$

合同な图形の対応する角は等しいから、 $\angle DAE = \square$

錯角が等しいから、 $\square \parallel \square$

【2】直線 ℓ 上にある点Pを通る、直線 ℓ の垂線は、コンパスを用いて右の図のように作図できる。

次の□をうめて、この方法が正しいことの証明を完成させなさい。

点AとQ, 点BとQをそれぞれ結ぶ。

$\triangle AQP$ と $\triangle BQP$ で、

仮定より、 $AQ = \square$ … ①

$AP = \square$ … ②

共通な辺だから、 \square … ③

①, ②, ③より、

\square がそれぞれ等しいので、

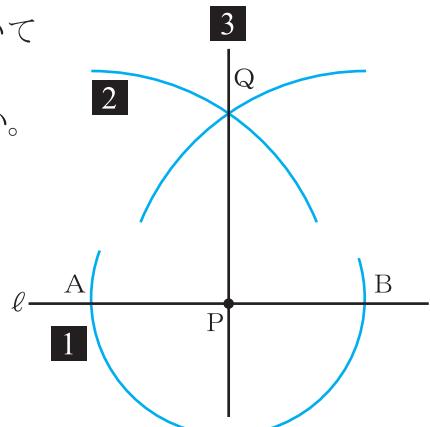
$$\triangle AQP \equiv \triangle BQP$$

合同な图形の対応する角は \square から、

$$\angle APQ = \angle BPQ \cdots ④$$

④と、 $\angle APQ + \angle BPQ = 180^\circ$ であることから、 $\angle APQ = \angle BPQ = \square$

したがって、直線PQは直線 ℓ の垂線である。



1 点Pを中心コンパスで円をかき、直線 ℓ との交点をそれぞれA, Bとする。

2 点A, Bを中心等しい半径の円をかき、その交点をQとする。

3 点P, Qを通る直線をかく。