

合同と証明(3)

【1】右の図で、四角形ABCD \equiv 四角形HGF Eである。

次の問い合わせに答えなさい。

(1) 辺EF, 辺FGの長さを答えなさい。

(2) 角Fの大きさを答えなさい。

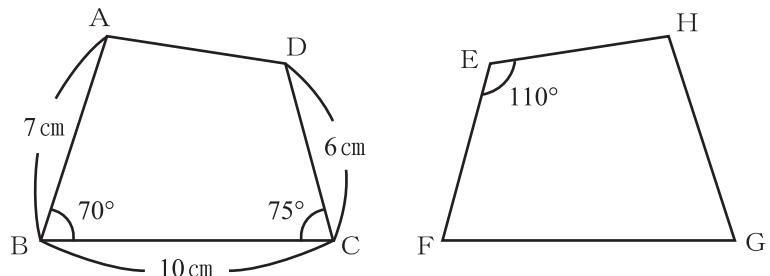
(3) 角Hの大きさを答えなさい。

それぞれの対応する角より

$\angle F = \angle C = 75^\circ$, $\angle G = \angle B = 70^\circ$

四角形の内角の和は 360° なので、

$$\angle H = 360^\circ - (75^\circ + 70^\circ + 110^\circ) = 105^\circ$$



答え (1) 辺EF 6cm

辺FG 10cm

(2) 75°

(3) 105°

【2】次のことがらの仮定と結論を答えなさい。

(1) x が偶数, y が奇数ならば $x+y$ は奇数である。

仮定 x が偶数, y が奇数

結論 $x+y$ は奇数

(2) $\triangle ABC$ で, $\angle A + \angle B > 90^\circ$ ならば $\angle C < 90^\circ$ である。

仮定 $\angle A + \angle B > 90^\circ$

結論 $\angle C < 90^\circ$

(3) $\triangle ABC \equiv \triangle DEF$ ならば $\angle C = \angle F$ である。

仮定 $\triangle ABC \equiv \triangle DEF$

結論 $\angle C = \angle F$

【3】右の図で, $AB = CD$, $\angle ABD = \angle CDB$ ならば $AD = CB$ となることを,

2つの三角形が合同であることと, 合同な図形の性質を使って証明する。

次の□をうめて, 証明を完成させなさい。

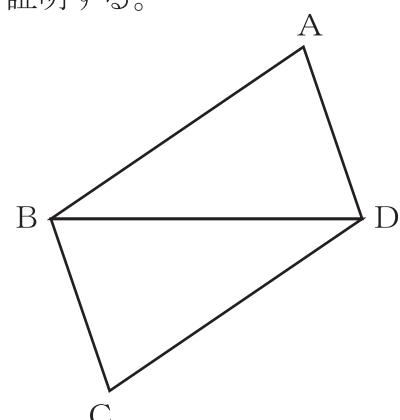
$\triangle ABD$ と $\triangle CDB$ で,

仮定より, $AB = CD$... ①

$\angle ABD = \angle CDB$... ②

また, 共通な辺だから,

$BD = DB$... ③



①, ②, ③より, 2組の辺とその間の角 がそれぞれ等しいので,

$\triangle ABD \equiv \triangle CDB$

合同な図形の対応する辺は等しいから, $AD = CB$