

三角形(5)

【1】 $AB = AC$ の二等辺三角形ABCで、 $\angle B$, $\angle C$ の二等分線を引き、辺AC, ABとの交点をD, Eとする。また、BDとCEの交点をPとする。次の問い合わせに答えなさい。

(1) $\triangle PBC$ が二等辺三角形であることを証明したい。

次の□をうめて、証明を完成させなさい。

$\triangle EBC$ と $\boxed{\textcircled{A} \angle DCB}$ で、

仮定より、 $\angle EBC = \boxed{\textcircled{1} \angle DCB}$ … ①

$\angle DBC = \boxed{\textcircled{2} \frac{1}{2} \angle EBC}$ … ②

$\angle ECB = \boxed{\textcircled{3} \frac{1}{2} \angle DCB}$ … ③

①, ②, ③より、 $\angle DBC = \boxed{\textcircled{4} \angle ECB}$

したがって、 $\angle PBC = \angle PCB$

$\triangle PBC$ において、2つの角が等しいので、 $\triangle PBC$ は二等辺三角形である。

(2) $\angle A = 40^\circ$ のとき、 $\angle BPC$ の大きさを求めなさい。

$$\angle EBC = \angle DCB \cdots ①$$

$$\angle EBC + \angle DCB + \angle A = 180^\circ \cdots ②$$

$$①, ② \text{より}, 2 \times \angle EBC = 180^\circ - 40^\circ = 140^\circ$$

$$\angle EBC = 70^\circ$$

$$\angle PBC = \angle PCB = \frac{1}{2} \times \angle EBC = 35^\circ$$

$$\angle BPC = 180^\circ - (\angle PBC + \angle PCB) = 180^\circ - 70^\circ = 110^\circ$$

答え

$$\angle BPC = 110^\circ$$

【2】 $BA = BC$ の二等辺三角形ABCで、頂点C, Aから辺AB, BCまで垂線を引き、交点をそれぞれD, Eとする。このとき、 $BD = BE$ であることを証明しなさい。

$\triangle ABE$ と $\triangle CBD$ で、

仮定より、 $\angle AEB = \angle CDB = 90^\circ \cdots ①$

$BA = BC \cdots ②$

共通な角なので、 $\angle ABE = \angle CBD \cdots ③$

①, ②, ③より、

斜辺と1つの鋭角がそれぞれ等しいので、 $\triangle ABE \equiv \triangle CBD$

合同な図形の対応する辺は等しいから、 $BD = BE$

