

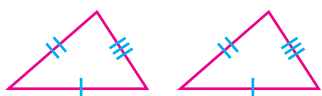
# 合同と証明(1)

## 合同な図形の性質

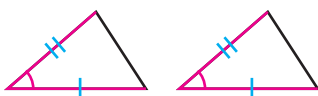
合同な2つの図形では、対応する線分の長さや、角の大きさは等しい。

## 三角形の合同条件

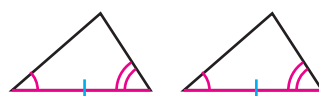
次の条件のうちどれかが成り立つとき、2つの三角形は合同である。



① 3組の辺がそれぞれ等しい。



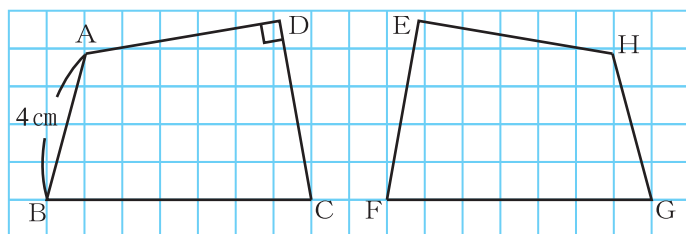
② 2組の辺とその間の角がそれぞれ等しい。



③ 1組の辺とその両端の角がそれぞれ等しい。

【1】右の図の2つの四角形は合同である。次の問いに答えなさい。

- (1) 2つの四角形が合同であることを、記号  $\cong$  を使って表しなさい。
- (2) 辺BCと対応する辺を答えなさい。
- (3) 辺HGの長さを答えなさい。
- (4) 角Eの大きさを答えなさい。



答え(1)

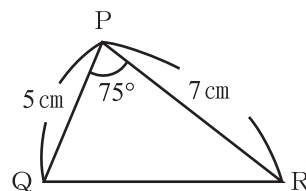
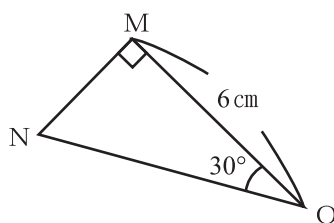
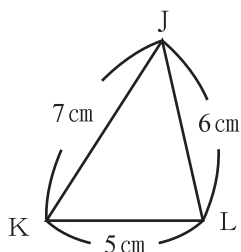
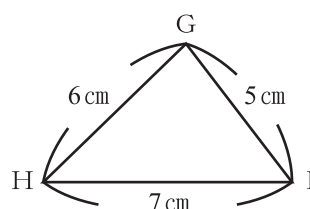
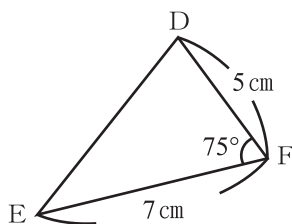
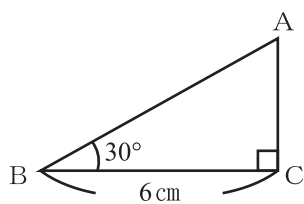
(2)

(3)

(4)

【2】下の図で、合同な三角形を見つけ、記号  $\cong$  を使って表しなさい。

また、そのときに使った三角形の合同条件を答えなさい。



答え

• \_\_\_\_\_ 条件

• \_\_\_\_\_ 条件

• \_\_\_\_\_ 条件

# 合同と証明(2)

かてい けつろん  
**仮定と結論**

図形の性質などは「●●ならば▲▲」の形であらわされることが多い。  
このとき、「ならば」の前の●●の部分を**仮定**、「ならば」の後の▲▲の部分を**結論**という。

しょうめい  
**証明**

図形の性質など、すでに正しいと認められていることがらを根拠にして、仮定から結論を導くことを**証明**という。

【1】次のことがらの仮定と結論を答えなさい。

(1)  $\triangle ABC \equiv \triangle DEF$ ならば、 $AB = DE$ である。

仮定

結論

(2)  $a$  と  $b$  のどちらも正の整数ならば、 $ab$  は正の整数である。

仮定

結論

(3)  $x$  が 2 と 3 の公倍数ならば、 $x$  は 6 の倍数である。

仮定

結論

(4) 錯角が等しければ、2 直線は平行である。

仮定

結論

【2】右の図で、 $\angle ABC = \angle DCB$ 、 $\angle ACB = \angle DBC$ ならば $AB = DC$ となることを、2つの三角形が合同であることと、合同な図形の性質を使って証明する。  
次の□をうめて、証明を完成させなさい。

$\triangle ABC$ と ㊶ で、

仮定より、 $\angle ABC =$  ㊷ … ①

$\angle ACB =$  ㊸ … ②

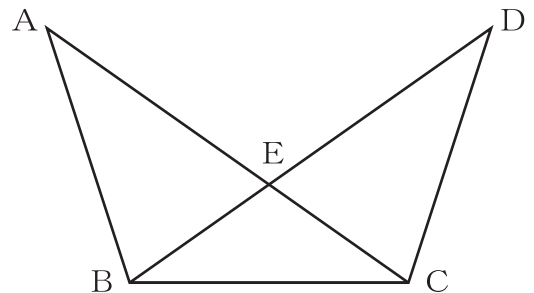
また、共通な辺だから、

㊹ … ③

①、②、③より、㊺ がそれぞれ等しいので、

㊻  $\equiv$  ㊼

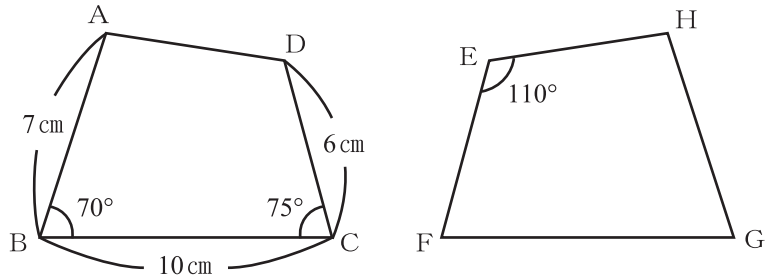
合同な図形の対応する辺は等しいから、㊽ = ㊾



# 合同と証明(3)

【1】右の図で、四角形 $ABCD \equiv$  四角形 $HGFE$ である。  
次の問いに答えなさい。

- (1) 辺 $EF$ , 辺 $FG$ の長さを答えなさい。
- (2) 角 $F$ の大きさを答えなさい。
- (3) 角 $H$ の大きさを答えなさい。



答え(1) 辺 $EF$  \_\_\_\_\_ 辺 $FG$  \_\_\_\_\_ (2) \_\_\_\_\_ (3) \_\_\_\_\_

【2】次のことがらの仮定と結論を答えなさい。

- (1)  $x$ が偶数,  $y$ が奇数ならば $x+y$ は奇数である。

仮定 \_\_\_\_\_ 結論 \_\_\_\_\_

- (2)  $\triangle ABC$ で,  $\angle A + \angle B > 90^\circ$ ならば $\angle C < 90^\circ$ である。

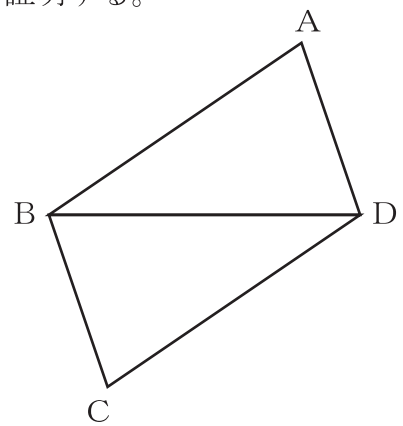
仮定 \_\_\_\_\_ 結論 \_\_\_\_\_

- (3)  $\triangle ABC \equiv \triangle DEF$ ならば $\angle C = \angle F$ である。

仮定 \_\_\_\_\_ 結論 \_\_\_\_\_

【3】右の図で,  $AB = CD$ ,  $\angle ABD = \angle CDB$ ならば $AD = CB$ となることを,  
2つの三角形が合同であることと, 合同な図形の性質を使って証明する。  
次の□をうめて, 証明を完成させなさい。

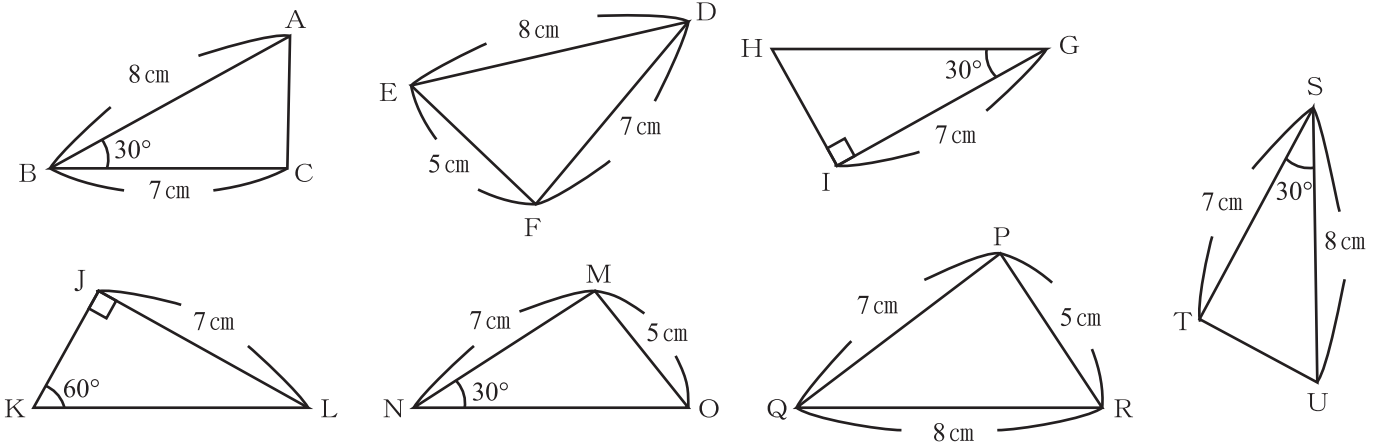
$\triangle ABD$ と □① で,  
 仮定より,  $AB =$  □② ... ①  
 $\angle ABD =$  □③ ... ②  
 また, 共通な辺だから,  
 □④ ... ③



①, ②, ③より, □⑤ がそれぞれ等しいので,  
 □⑥  $\equiv$  □⑦  
 合同な図形の対応する辺は等しいから, □⑧ = □⑨

# 合同と証明(4)

【1】下の図で、合同な三角形を見つけ、記号  $\equiv$  を使って表しなさい。  
また、そのときに使った三角形の合同条件を答えなさい。



答え

- \_\_\_\_\_ 条件

---

- \_\_\_\_\_ 条件

---

- \_\_\_\_\_ 条件

【2】 $\angle XOY$ の二等分線OPは、コンパスを用いて右の図のように作図できる。  
この方法が正しいことを $\angle AOP = \angle BOP$ を導くことによって証明する。  
次の□をうめて、証明を完成させなさい。

点AとP, 点BとPをそれぞれ結ぶ。  
 $\triangle AOP$ と $\triangle BOP$ で、

仮定より、 $AO = \square$  ... ①

$AP = \square$  ... ②

また、共通な辺だから、

$\square$  ... ③

①, ②, ③より、

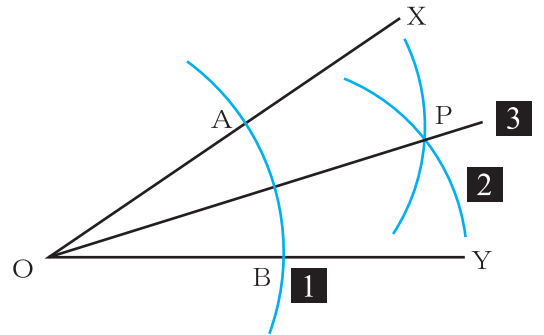
$\square$  がそれぞれ等しいので、

$$\triangle AOP \equiv \triangle BOP$$

合同な図形の対応する角は  $\square$  から、

$$\angle AOP = \angle BOP$$

したがって、直線OPは $\angle XOY$ の二等分線である。

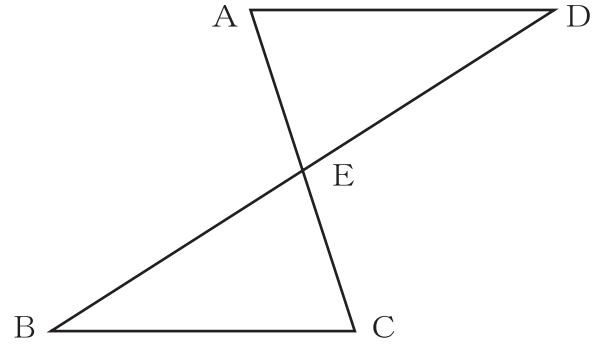


- 1** 点Oを中心にコンパスで円をかき、辺OX, OYとの交点をそれぞれA, Bとする。
- 2** 点A, Bを中心に等しい半径の円をかき、その交点をPとする。
- 3** 半直線OPをかく。

# 合同と証明(5)

【1】右の図で、点EがAC, BDの midpoint ならば  $AD \parallel BC$  となることを証明する。  
次の□をうめて、証明を完成させなさい。

$\triangle ADE$  と  で、  
 仮定より、 $AE =$   ... ①  
 $DE =$   ... ②  
 対頂角は等しいから、  
 ... ③



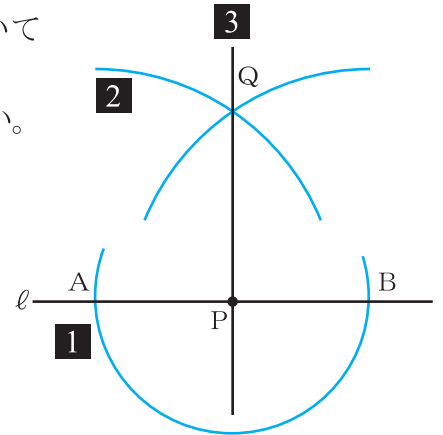
①, ②, ③より、 がそれぞれ等しいので、  
  $\equiv$

合同な図形の対応する角は等しいから、 $\angle DAE =$

錯角が等しいから、  $\parallel$

【2】直線  $l$  上にある点Pを通る、直線  $l$  の垂線は、コンパスを用いて右の図のように作図できる。  
次の□をうめて、この方法が正しいことの証明を完成させなさい。

点AとQ, 点BとQをそれぞれ結ぶ。  
 $\triangle AQP$  と  $\triangle BQP$  で、  
 仮定より、 $AQ =$   ... ①  
 $AP =$   ... ②  
 共通な辺だから、 ... ③



- 1 点Pを中心にコンパスで円をかき、直線  $l$  との交点をそれぞれA, Bとする。
- 2 点A, Bを中心に等しい半径の円をかき、その交点をQとする。
- 3 点P, Qを通る直線をかく。

①, ②, ③より、  
 がそれぞれ等しいので、  
 $\triangle AQP \equiv \triangle BQP$

合同な図形の対応する角は  から、  
 $\angle APQ = \angle BPQ$  ... ④

④と、 $\angle APQ + \angle BPQ = 180^\circ$  であることから、 $\angle APQ = \angle BPQ =$    
 したがって、直線PQは直線  $l$  の垂線である。